



数にまつわる話し第12弾は、前回に引き続き「素数」の第7回です。「メルセンヌ素数 (Mersenne prime)」の話です。

「2の冪 (べき) よりも 1 小さい自然数、すなわち  $2^n - 1$  ( $n$  は自然数) の形の自然数」を「メルセンヌ数 (Mersenne number)」といい、 $M_n$  で表します。メルセンヌ数は小さい方から順に、1, 3, 7, 15, 31, 63, 127, 255, 511, 1023, 2047, 4095, 8191, 16383, 32767, 65535, ... (斜体数字は素数) となります。

メルセンヌ数は、歴史的には紀元前3世紀頃のユークリッドが示した完全数の生成式に見い出されます (完全数については、「第16号」を参照)。ユークリッドは、著書『原論』の中で、 $2^n - 1$  が素数ならば、 $2^{n-1}(2^n - 1)$  は完全数であることを証明しました。 $2^n - 1$  が素数となるには  $n$  が素数である必要があるため、 $2^n - 1$  が素数となる素数  $p$  の探求に終始されることとなります。そこから素数であるメルセンヌ数を見つけることこそが完全数を見つけることとなりました。

古代ギリシアの数学者は  $p = 5$  と  $7$  のとき  $M_p$  が素数である ( $M_5 = 31, M_7 = 127$ ) ことを見つけています。ところが、 $M_{11} = 2047 = 23 \times 89$  のように、 $p$  が素数であっても、 $2^p - 1$  が素数となるとは限りません。そのため完全数の探求は困難を極めました。その後17世紀までに、 $p = 13, 17, 19$  のとき  $M_p$  が素数であることが分かりますが、1644年、

マラン・メルセンヌは「素数  $p$  で  $2^p - 1$  が素数になるのは、 $19 < p \leq 257$  では  $p = 31, 67, 127, 257$  の四つの場合だけである」という大胆不敵な予想を公表しますが、メルセンヌ自身は生涯その予想を証明することができませんでした。成果を見るのはメルセンヌが予想を公表してから128年後の1772年にオイラーが「 $p = 31$  では素数である」ことを証明し、さらにその104年後の1876年にリュカが効率的な素数判定法『リュカ・テスト (Lucas test)』を考案し、「 $p = 67$  では素数でない、 $p = 127$  では素数である」ことを証明しました。その後、『リュカ・テスト』は改良が加えられ、メルセンヌが予想した範囲にない三つが付け加えられました ( $p = 61$  (1883年)、 $p = 89$  (1911年)、 $p = 107$  (1914年))。メルセンヌが予想した最後の数  $p = 257$  について決着がついたのは1922年のことで、残念ながらこれら素数ではありませんでした。結局、メルセンヌが予想した四つうち二つが当たり、二つがはずれとなり、さらに、間に予想できなかった三つが含まれていましたが、その後の歴史を見て大きな原動力となり先駆的であったことに敬意を表し、「素数であるメルセンヌ数」を「メルセンヌ素数 (Mersenne prime)」と呼んでいます。

$p = 127$  の次の13番目のメルセンヌ素数は、多くの数学者の予想を超え、1952年にラファエル・M・ロビンソンがコンピュータシステムSWACを使用して発見した  $p = 521$  でした。157桁の数字で、人の手に負える大きさではありませんでした。ここからコンピュータを駆使し、コンピュータの発達とともに巨大なメルセンヌ素数ひいては素数の探索の時代を迎えることとなりました。近年では、分散コンピューティングによるプロジェクト GIMPS (Great Internet Mersenne Prime Search) によるメルセンヌ素数の発見が進められています。現在知られている最大のメルセンヌ素数は、2016年1月に発見された、それまでに分かっている中で49番目のメルセンヌ素数  $2^{74207281} - 1$  であり、2233万8618桁の数字で、新聞紙に印刷すると691ページにも及ぶそうです。

メルセンヌ素数を小さい順に10番目まで列記すると、3, 7, 31, 127, 8191, 131071, 524287, 2147483647, 2305843009213693951,

618970019642690137449562111 となります。メルセンヌ素数は無数に存在するかどうかについては、現在も数学上の未解決問題となっています。

興味のある生徒諸君は、リュカ・テストなど素数判定法などについて調べてみるのも面白いと思います。

マラン・メルセンヌってどんな人?!



1588~1648

フランスの神学者。数学、物理学のみならず哲学、音楽理論の研究もしていた。「音響学の父」とも呼ばれ、音楽に関する理論書を多数書いている。多くのヨーロッパの学者と修道院の客間で学問を論じ合う「メルセンヌ・アカデミー」と称された広い交流を持っていた。この活動は「パリ科学アカデミー」創設へと発展していった。

佐藤 高橋 野田 長谷川 名字特集② 長谷川 野田 高橋 佐藤

「第2号」に続く「名字特集」の第2弾です。今回は漢字一文字の難読名字を集めてみました。いくつ読めるでしょうか。名字の読み方、全国順位、全国人数は「名字由来net」から引用させていただきました。

名字	読み方	全国順位	全国人数
一	いち・かず・はしめ・にのまえ・よこいち・いちもんじ・ひともんじ・かずと・てかた	14,830位	約380人
二	したなが	75,459位	約10人
三	みつ・さん・みたび	35,171位	約80人
四	あずま	92,535位	約10人
五	ご	56,516位	約30人
六	ろく	47,135位	約40人
七	さどる・なな	42,172位	約60人
八	はち	51,538位	約40人
九	いちじく・いちのく・く・くちのく・まる	51,905位	約40人
十	もげき・もぎき・じゆう・つなし・よこたて・つじ	81,252位	約10人
百	もも・ひやく	28,214位	約120人
千	せん・せんの・ち・ちたげ・う・ちよん	13,624位	約440人
万	まん・わん・ばん・よろず・よろづ	7,438位	約1,200人
億	おく	32,683位	約90人
皇	すめらぎ	58,385位	約30人
雷	いかずち・らい・かみなり	19,715位	約230人
中	なか・なかば・まなか・あたり・あたる・ちゅう	909位	約20,400人
台	だい・たい・うてな	5,024位	約2,100人
几	おしまづき・おしまづき	87,519位	約10人
雄	おんどり	68,733位	約20人
何	か・が・かが・あが・いつか・なに・なん・はきん・ほ・かせい・は	13,392位	約450人
禿	どく・はげ・かぶろ・かむろ・はげ・いなずか	14,440位	約400人
巫	かんなぎ・ふう・ふ	74,118位	約10人
魁	さきがけ・はじめ	71,955位	約10人
面	おもて・ほおつき・まがり	12,138位	約530人
周	あまね・しゅう・しゅう・かね・しょう・めぐり	7,920位	約1,100人
京	かなくり・きょう・きよお・けい・みやこ・みさと・かなどめ・かなじり・からくり	8,828位	約890人
漁	あさり・いさり・すなどり・りょう	14,399位	約400人
辺	ほとり・びん・ひら・へん	31,803位	約100人
標	しめぎ・しめき	11,412位	約590人
厨	みくりや・くりや	15,408位	約360人
碓	いかり・てい	3,315位	約3,900人
隣	ちかき・となり	21,545位	約200人
祝	いわい・しゆく・つう・しゅう・のり・のりと・はじめ・はふり・よし・はうり・ほほり・ほり・ほおり	5,504位	約1,900人
圓	えん・つぶら・まどめ・まどか	25,472位	約150人
大	おおたお	15,932位	約340人
臈	みかづき・みかづき	14,788位	約380人
良	やや	37,497位	約70人
免	めん・ゆるす	73,182位	約10人
帳	ちよう・とぼり	34,899位	約80人
蓮	はす・れん・はちす	9,041位	約860人
審	あきら	27,012位	約130人
文	あや・おきむ・かきう・かきの・かきり・かざり・ぶん・ふん・ふみ・むん	8,635位	約930人
政	まさ・まつりごと・つかさ	7,507位	約1,200人
濟	わたり	34,113位	約90人
环	あくつ・あくち・あくう・あつく・しも・はい	3,395位	約3,800人
岳	ほどぎ	81,025位	約10人
則	すなわち	23,493位	約170人
杏	からもも・あんず	38,460位	約70人